# Al<sub>3</sub>Li 相反位缺陷演化的微观相场模拟

孙立岩,陈 铮,王永欣,张 静,苗海川,钟汉文

(西北工业大学, 陕西 西安 710072)

摘 要:基于离散格点形式的微扩散方程(Langevin 方程),模拟了 Al<sub>3</sub>Li 相反位缺陷随时间的演化特征及随组元浓度、 温度的变化规律。结果表明,Al<sub>3</sub>Li 相中主要以 Al 原子占据 Li 位形成的反位缺陷 Al<sub>Li</sub> 为主,同时存在少量的 Li 原子占 据 Al 位形成的反位缺陷 Li<sub>Al</sub>, 2 种反位缺陷浓度均随温度的升高而上升,且 Al<sub>Li</sub>远大于 Li<sub>Al</sub>上升速率;随 Li 浓度的增 加,Al<sub>Li</sub>浓度缓慢降低,Li<sub>Al</sub>浓度略有上升,但仍远远小于 Al<sub>Li</sub>浓度;浓度变化对反位缺陷的影响远不及温度对其影响 大。

关键词:反位缺陷;Al<sub>3</sub>Li相;微观相场

中图法分类号: TG 146.2 文献标识码: A

金属间化合物中不同种类原子的有序排列,导致 了以反位为本征的点缺陷类型——反位缺陷(antisite defect)。反位缺陷是晶体中一个晶格位置被另外一种 原子所占据,也可称为反位原子、错位原子等,如A<sub>3</sub>B 型金属间化合物,部分A原子占据B亚晶格位置,即 形成B位置反位缺陷,一般写成A<sub>B</sub>;或部分B原子 占据A亚晶格位置,即形成A位置反位缺陷,一般写 成B<sub>A</sub>。其反位效应可使反相畴界能、层错能降低,从 而改变位错、孪晶的行为,对塑性、强度、抗蠕变性 等产生重要的影响,明确金属间化合物反位缺陷的性 质,能够为工业发展提供更好的"量身定做"材料。

C.L.Fu<sup>[1]</sup>利用第一性原理研究 Ni<sub>3</sub>Al 点缺陷,指出 偏离化学计量比时的主要缺陷类型是 Ni 和 Al 位形成 的反位缺陷,没有发现结构空位;H.Numakura<sup>[2]</sup>总结 了 Ni<sub>3</sub>Al 缺陷特征, 说明偏离化学计量比的缺陷主要 是反位原子; J.B. Liu<sup>[3]</sup>利用从头算起电子结构技术, 研究 L1,结构偏离化学计量比时和不同温度的反位缺 陷; C.Y. Geng<sup>[4]</sup>和 Y. Song<sup>[5]</sup>分别采用全势线性缀加 平面波(FPLAPW)方法对 Ni<sub>3</sub>A1 和 TiA1 中合金元素的 晶格占位进行了研究,其主要是从能量计算的角度来 判断原子的占位及反位行为;中科院胡青苗<sup>[6]</sup>、清华 大学王崇愚<sup>[7]</sup>关于 Ni<sub>3</sub>Al 和 NiAl 的反位缺陷研究颇多, 方法多采用第一性原理,嵌入原子势。李晓玲、王永 欣<sup>[8,9]</sup>用微观相场法分析了铝锂合金有序化和相分离 过程及原子间相互作用能对 δ'(Al<sub>3</sub>Li)相沉淀机制的影 响,本工作在此研究基础上计算了 Al<sub>3</sub>Li 相反位缺陷 的动态演化特征及随组元浓度、温度变化的规律。

## 1 理论模型

文章编号: 1002-185X(2009)01-0086-04

采用离散格点形式的微观相场动力学方程,即 Cahn-Hilliard 扩散方程的微观离散格点形式,最早由 Khachaturyan 创建<sup>[10]</sup>。该方程以溶质原子占据晶格位 置的几率来描述原子结构和相形貌,为了能够描述形 核等热起伏的过程,在方程中加一随机项*ξ*(*r*,*t*),即 为微观的 Langevin 方程。式(1)如下所示:

$$\frac{dP(\vec{r},t)}{dt} = \frac{C_0(1-C_0)}{k_{\rm B}T} \sum_{r'} L(\vec{r}-\vec{r}') \frac{\partial F}{\partial P(\vec{r}',t)} + \xi(\vec{r},t)$$
(1)

式中:  $P(\vec{r},t)$ 表示溶质 Li 原子在 t 时刻,占据晶格位 置  $\vec{r}$  的几率。 $L(\vec{r}-\vec{r}')$ 为动力学系数,正比于单位时间 内 由 格 点  $\vec{r}$  跃迁至  $\vec{r}'$  的 几率, T 为 温 度,  $k_{\rm B}$  为 Boltzmann 常数,  $C_0$  为母相平均浓度, $\xi(\vec{r}',t)$ 为均值 为零的 Gauss 分布,与时间、空间无关,遵循涨落-耗散定理的要求。F 为系统的总自由能,是  $P(\vec{r},t)$ 的 函数,由平均场理论得到式(2):

$$F = \frac{1}{2} \sum_{\vec{r}} \sum_{\vec{r}'} W(\vec{r} - \vec{r}') P(\vec{r}') + k_{\rm B} T \sum_{\vec{r}} [P(\vec{r}) \ln P(\vec{r}) + (1 - P(\vec{r})) \ln(1 - P(\vec{r}))]$$
(2)

W(r-r')为原子间有效相互作用能,由式(3)给出:

 $W(\vec{r} - \vec{r}') = W_{AA}(\vec{r} - \vec{r}') + W_{BB}(\vec{r} - \vec{r}') - 2W_{AB}(\vec{r} - \vec{r}') \quad (3)$ 将方程(1)进行 Fourier 变换,并将(2)、(3)代入,即式(4)为:

$$\frac{dP(k,t)}{dt} = \frac{C_0(1-C_0)}{K_B T} \tilde{L}(\vec{k}) \{ \tilde{V}(\vec{k}) \tilde{P}(\vec{k},t) + k_B T [\ln(\frac{P(\vec{r},t)}{1-P(\vec{r},t)})_{\vec{k}}] + \xi(\vec{k},t)$$
(4)

基金项目:国家自然科学基金(50671084);中国博士后科学基金(20070420218)和陕西省自然科学基金资助 作者简介:孙立岩,男,1974年生,硕士,西北工业大学材料学院,陕西西安 710072,电话:029-88474095

收到初稿日期: 2008-01-31; 收到修改稿日期: 2008-05-01

式中:  $\tilde{V}(\vec{k})$  是  $W(\vec{r})$  的 Fourier 变换。

用 Euler 方法对方程(4)在波矢空间中求解,再经 过 Fourier 逆变换,即求得原子占位几率与时间的关 系。为计算方便采用溶质原子在最近邻格点之间跃迁 一次所需时间为单位,与真实时间的换算关系为: *t=t<sup>\*</sup>/L*<sub>1</sub>,*t* 为真实时间,*t*\*为约化时间,*L*<sub>1</sub>为常数,对于 铝锂合金 R.Poduri 计算其值为 2.95/s。

### 2 模拟结果与分析

长程序参数(LRO)可反应原子偏聚和有序度,可描述相变过程中有序化过程,由格点原子占位几率可求出长程序参数,其数学表达式为:

$$\eta(i,j) = \frac{P(i,j) - C(i,j)}{C(i,j) \times \cos((i+j)\pi)}$$
(5)

式中: $\eta(i, j)$ 为坐标为(i, j)处的长程序参数,P(i, j)为溶质原子占位几率,C(i, j)为所计算结构 A<sub>3</sub>B 中 B 原子的平均浓度。

本工作选择温度和浓度的依据为由平均场理论计 算的二元铝锂合金相图<sup>[11]</sup>。首先以 Al-10%Li(原子分 数)合金为例,计算了从 80 至 280 ℃并以 20 ℃递增的 共 11 个温度点的长程序参数,绘制了长程序参数与温 度的变化关系曲线,如图 1 所示。图 1 中空心圆代表 计算机计算值,实线是根据计算数据进行高斯拟合所 得曲线。可以看出,随着温度的升高,长程序参数从 80 ℃时的 0.9985 下降到 280 ℃的 0.9432,沉淀相从高 有序态转向低有序态,原子占位几率发生变化,长程 序参数小于1时,沉淀相中某些晶格位置必然被外来 原子占据,即正位原子必然被反位原子替代,初步断 定,平衡态 Al<sub>3</sub>Li 相中反位缺陷存在,Li 位置除被Li 原子占据外,也必然有相当数量的 Al 原子。长程序参 数在低温下基本达到 1,反位缺陷的浓度较小,温度 升高,反位缺陷的浓度增大,长程序参数降低,且随 温度升高有加速下降的趋势,温度对 Al<sub>3</sub>Li 的有序度 影响很大。

为了更加详尽分析温度对 Al<sub>3</sub>Li 相反位缺陷的影响,根据不同温度下 Al-10%Li 合金中 Al、Li 原子的 占位几率,绘制成占位几率随时间的演化曲线,如图 2 所示。



图 1 Al-10%Li 合金中 Al<sub>3</sub>Li 相长程序参数随温度变化曲线

Fig.1 The relation between long range order parameter and temperature in Al<sub>3</sub>Li phase for Al-10at%Li alloy



图 2 不同温度下 Al-10%Li 合金中 Al<sub>3</sub>Li 相的 Al、Li 原子占位几率随时间的演化曲线

图 2 中的细线型表示 Al 位中 Al、Li 原子的占位 几率,粗线型表示 Li 位中 Al、Li 原子的占位几率。 在沉淀孕育期,系统处于无序状态,Al、Li 原子在无 序固溶体中任何格点占位几率保持初始值不变,在 80 ℃时,约 4000 步时 Al 原子占位几率迅速上升基本达 到平衡,随温度的升高,Al 原子占位几率随之缓慢下 降,因为在每一格点处正反原子占位几率之和满足 1,则反位缺陷 Li<sub>Al</sub>的占位几率必然随温度升高而上升,上升幅度较小;正位原子 Li<sub>Li</sub>占位几率随温度的升高 明显下降,则其反位缺陷 Al<sub>Li</sub>的占位几率则随温度的 升高而上升,上升幅度较大。还可看出,沉淀的初始 状态是一种高度反位状态,随沉淀过程的进行,反位

Fig.2 The occupation probability evolution of A1, Li atoms in Al<sub>3</sub>Li phase for Al-10at%Li alloy at different temperatures: (a) 80 °C, (b) 140 °C, (c) 200 °C, and (d) 280 °C

缺陷的占位几率均快速下降,且 Li<sub>Al</sub>早先于 Al<sub>Li</sub>到达 平衡值并保持恒定,平衡时 Al<sub>Li</sub>的占位几率比 Li<sub>Al</sub>大 得多,随温度升高各原子到达平衡的时间相对提前。 无论是 Al 还是 Li 在其各自位置占位几率都不能达到 1, Al<sub>3</sub>Li 相中反位缺陷主要以 Al<sub>Li</sub>为主,同时还存在 少量的的 Li<sub>Al</sub>。

图 3 为反位缺陷 Li<sub>Al</sub>、Al<sub>Li</sub> 占位几率随温度变化 曲线,图中空心圆代表 Li<sub>Al</sub>计算值、方块代表 Al<sub>Li</sub> 计 算值,实线为拟合曲线。由图 3 表明,反位缺陷 *a*<sub>Li</sub> 占位几率随温度升高变化较小,以凹线形缓慢上升, 温度越高,上升速度越明显,温度小于 140 ℃时,Li<sub>Al</sub> 占位几率保持在 10<sup>-4</sup>数量级,大于此温度后保持在 10<sup>-3</sup> 数量级;反位缺陷 Al<sub>Li</sub> 占位几率随温度升高变化幅度 较大,基本呈直线上升,温度小于 200 ℃时,Al<sub>Li</sub> 占 位几率保持在 10<sup>-2</sup>数量级,大于此温度后保持在 10<sup>-1</sup> 数量级。Al<sub>3</sub>Li 相中反位缺陷的主要类型为 Al<sub>Li</sub>,同时 存在少量的 Li<sub>Al</sub>,二者均随温度的升高而上升,但 Al<sub>Li</sub> 占位几率对温度变化更为敏感,上升速率远大于 Li<sub>Al</sub>, 同温下 Al<sub>Li</sub> 占位几率远远高于 Li<sub>Al</sub>,温度越高,2 种 反位缺陷的差距越大。

以上具体分析了温度对反位缺陷的影响,下面以 温度 200 ℃为例,讨论反位缺陷 Li<sub>Al</sub>、Al<sub>Li</sub>占位几率与 Li浓度变化的关系,如图 4 所示。可见,各原子占位 几率随 Li浓度升高变化并不明显,只是各原子达到平 衡的时间较为滞后。



图 3 Al-10%Li 合金中 Al<sub>3</sub>Li 相反位缺陷 Li<sub>Al</sub>、Al<sub>Li</sub> 占位几率随 温度变化曲线

Fig.3 The relation between Li<sub>Al</sub>, Al<sub>Li</sub> occupation probability and temperature in Al<sub>3</sub>Li phase for Al-10%Li alloy

为了详细讨论反位缺陷与浓度变化的具体关系, 计算了在200℃时从Al-8%Li至Al-15.5%Li并以0.5% 的浓度递增的共16个成分点的合金,根据反位缺陷占 位几率平衡值绘制成图 5。可见,反位缺陷 Al<sub>Li</sub>占位 几率远高于 Li<sub>Al</sub>,随 Li 原子浓度的增加,对 Al 进入 Li 位有一定的阻碍作用, 促使 Al<sub>Li</sub> 占位几率逐渐降低, 且随浓度增加有加快下降的趋势;同时促使更多的 Li 原子反位到 Al 位, 使 Li<sub>Al</sub> 占位几率略有上升。反位缺 陷 Al<sub>Li</sub>占位几率从 1.0925×10<sup>-1</sup> 随 Li 原子浓度增加依 次递减至 1.0013×10<sup>-1</sup>、始终保持在 10<sup>-1</sup> 数量级, 以 (1.0925×10<sup>-1</sup>-1.0013×10<sup>-1</sup>) /1.0925×10<sup>-1</sup>的百分比表 征反位缺陷 Alui 的降幅,此降幅为 8.35%; Li<sub>Al</sub> 占位 几率从 3.7062×10-3 随 Li 原子浓度增加依次递增至 3.7765×10<sup>-3</sup>,比 Al<sub>Li</sub> 低 2 个数量级,同样以 (3.7765×10<sup>-3</sup>-3.7062×10<sup>-3</sup>) /3.7062×10<sup>-3</sup>的百分比表 征反位缺陷 Li<sub>Al</sub>的涨幅,此涨幅为 1.90%。对比涨降 幅百分比可知,反位缺陷 Al<sub>Li</sub>比 Li<sub>Al</sub>对浓度较敏感, 浓度的变化对 AlLi 影响较大,尽管 AlLi 占位几率随 Li 浓度增加逐渐降低,但仍远远大于 Li<sub>Al</sub>占位几率,只 是二者间的差距略有减小。



- 图 4 200 ℃时不同浓度下, Al<sub>3</sub>Li 相中 Al、Li 原子占位几率随时间的演化曲线
- Fig.4 The Al, Li atoms occupation probability evolution in Al<sub>3</sub>Li phase at different concentrations at 200 °C: (a)  $C_{\text{Li}}=8\%$ and (b)  $C_{\text{Li}}=15.5\%$



- 图 5 200 ℃时, Al<sub>3</sub>Li 相反位缺陷 Li<sub>Al</sub>, Al<sub>Li</sub>的占位几率随 Li 浓度变化曲线
- Fig.5 The relation between  $Li_{Al}$ ,  $Al_{Li}$  occupation probability in  $Al_3Li$  phase and concentration at 200 °C

#### 3 结 论

1) Al<sub>3</sub>Li 相中反位缺陷主要以 Al<sub>Li</sub> 为主,同时存在 少量的 Li<sub>Al</sub>,二者均从初始高度反位状态随沉淀过程 的进行逐渐减小至一平衡值并保持恒定,且 Li<sub>Al</sub>浓度 先于 Al<sub>Li</sub>到达平衡值。

2) 反位缺陷  $Li_{Al}$ 、 $Al_{Li}$ 浓度均随温度的升高而上 升, $Li_{Al}$ 浓度保持在  $10^{-4} \sim 10^{-3}$ 数量级, $Al_{Li}$ 浓度保持在  $10^{-2} \sim 10^{-1}$ 数量级, $Al_{Li}$ 浓度随温度上升变化幅度较  $Li_{Al}$ 大,且远远高于同温下的  $a_{Li}$ 浓度,温度越高,二者的 差距越大。 3) 浓度变化对反位缺陷的影响远不及温度对其 影响大,随 Li 含量的增加, Al<sub>Li</sub>浓度缓慢降低,保持 在 10<sup>-1</sup> 数量级; Li<sub>Al</sub>浓度略有上升,保持在 10<sup>-3</sup> 数量 级,仍远远小于 Al<sub>Li</sub>浓度。

#### 参考文献 References

- [1] Fu C L , Painter G S. Acta Mater[J], 1997, 45(2): 481
- [2] Numakura H, Ikeda T, Nakajima H et al. Materials Science and Engineering A[J], 2001, 312: 109
- [3] Liu J B, Johnson D D, Smirnov A V. Acta Materialia[J], 2005, 53: 3601
- [4] Geng C Y, Wang C Y, Yu T. Acta Materialia[J], 2004, 52(18): 5427
- [5] Song Y, Guo Z X, Yang R. Journal of Light Metals[J], 2002, 2(3): 115
- [6] Hu Q M, Yang R, Hao Y L et al. Phys Rev Lett[J], 2004, 92(18): 185 505
- [7] Yu Song(于松), Wang Congyu(王崇愚) et al. Acta Physica Sinica(物理学报)[J], 2007, 56: 3212
- [8] Li Xiaoling(李晓铃), Chen Zheng(陈 铮) et al. Rare Metal Materials and Engineering(稀有金属材料与工程) [J], 2001, 25(5): 325
- [9] Wang Yongxin(王永欣), Chen Zheng(陈 铮) et al. Rare Metal Materials and Engineering(稀有金属材料与工程)[J], 2005, 34(1):46
- [10] Khachaturyan A G. Theory of Structural Transformation in Solids[M]. New York: Wiley, 1983: 136
- [11] Khachaturyan A G et al. Metall Trans[J], 1988, 19A: 249

#### Microscopic Phase-Field Simulation of Antisite Defect Evolution of Al<sub>3</sub>Li Phase

Sun Liyan, Chen Zheng, Wang Yongxin, Zhang Jing, Miao Haichuan, Zhong Hanwen (Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

**Abstract:** Based on the microscopic phase-field dynamic diffusion equation (the Langevin equation), the effects of concentration and temperature on the antisite defect evolution in  $Al_3Li$  phase are investigated. The results show that the main antisite defect in  $Al_3Li$  phase is  $Al_{Li}$ , in which the Li sites are taken by Al atoms; there also exists a little amount of  $Li_{Al}$ , in which the Al sites are taken by Li atoms. The two antisite defects are all increase with the increase of temperature, and the rising rate for  $Al_{Li}$  is far larger than for  $Li_{Al}$ . With the increase of Li concentration, the  $Al_{Li}$  concentration decreases slowly and the  $Li_{Al}$  concentration increases slightly, but still far less than the  $Al_{Li}$  concentration. It is found that the effects of temperature on the antisite defects are more obvious than the concentration. **Key words:** antisite defect;  $Al_3Li$  phase; microscopic phase-field

Biography: Sun Liyan, Master, Department of Material Science and Engineering, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, P. R. China, Tel: 0086-29-88474095, E-mail: zhsunliyan@yahoo.cn