原子间相互作用能对 Ni₇₅Al_xV_{25-x} 合金孕育期 影响的微观相场模拟

徐 聪,陈 铮,王永欣,钟汉文,孙立岩,苗海川

(西北工业大学, 陕西 西安 710072)

摘 要: 基于微观相场动力学模型,研究原子间相互作用能对 Ni₇₅Al_xV_{25-x}合金孕育期的影响。根据 Khachaturyan 所给的占位几率公式进一步得到了长程序参数的求值公式。结果表明,先析出相为 DO₂₂时,Ni-Al 最近邻原子间作用能 V_{Ni-Al} 增大,Ll₂相的孕育期缩短,DO₂₂相的孕育期变化不明显;Ni-V 最近邻原子间作用能 V_{Ni-V} 增大,Ll₂相和 DO₂₂相的孕育期均缩短。先析出相为 Ll₂相时,V_{Ni-Al} 增大,Ll₂相和 DO₂₂相孕育期均缩短;V_{Ni-V} 增大,Ll₂相孕育期变化不明显,DO₂₂相的孕育期缩短。

关键词: 孕育期; 原子间相互作用能; 微观相场; Ni75AlxV25-x 合金

中图法分类号: TG 146.1⁺⁵ 文献标识码: A 文章编号: 1002-185X(2009)11-1935-05

早期析出相组织在很大程度上决定了合金的最终 组织,但是关于成核孕育期的研究很少见到,原因在 于孕育期发生的时间非常短暂,并且此时尚没有完整 的晶核形成,测量起来比较困难。Chen^[1]等在利用微 观主方程(microscopic master equation)对二元固溶体 中发生的扩散型相变动力学进行计算机模拟时发现: 无论是对于失稳有序化,还是失稳分解,或是两者同 时存在,在相变发生之前都存在有孕育期(incubation time)。Fumihiro Wakai 等^[2]在用表面演化法研究理想 晶粒在三维长大过程中晶界的运动时也发现了孕育 期。国内陈铮^[3]等人用微观相场法模拟出了 Ni-Al-V 合金的孕育期。

以上研究多是考虑浓度或温度对孕育期的影响, 并未考虑原子间相互作用能对其的影响。本文利用离 散格点形式的微观相场动力学模型,研究原子间相互 作用能对 Ni₇₅Al_xV_{25-x} 合金中 *DO*₂₂ 相与 *L1*₂ 相孕育期 的影响。

1 理论模型

采用离散格点形式的微观相场动力学方程,即 Cahn-Hilliard 扩散方程的微观离散格点形式,由 Khachaturyan(1968)创建^[4,5]。三元合金微观相场动力 学方程由L. Q. Chen等人发展而来。用 $P_A(r, t)$ 、 $P_B(r, t)$ 、 $P_C(r, t)$ 分别表示A、B和C原子在t时刻、占据格点 位置r的几率,由于 $P_A(r, t)+P_B(r, t)+P_C(r, t)=1$,所以 只需要 2 个方程便可描述沉淀过程。为了描述形核等 热起伏过程,在方程右边添加一个随机起伏项,得到 三元体系微观 Langevin 方程^[6]:

$$\begin{cases} \frac{\mathrm{d}P_{\mathrm{A}}(r,t)}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{k_{\mathrm{B}}T} \sum_{r'} \left[L_{\mathrm{AA}}(r-r') \frac{\partial F}{\partial P_{\mathrm{A}}(r',t)} + L_{\mathrm{AB}}(r-r') \frac{\partial F}{\partial P_{\mathrm{B}}(r',t)} \right] + \xi(r',t) \\ \frac{\mathrm{d}P_{\mathrm{B}}(r,t)}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{k_{\mathrm{B}}T} \sum_{r'} \left[L_{\mathrm{BA}}(r-r') \frac{\partial F}{\partial P_{\mathrm{A}}(r',t)} + L_{\mathrm{BB}}(r-r') \frac{\partial F}{\partial P_{\mathrm{B}}(r',t)} \right] + \xi(r',t) \end{cases}$$
(1)

式中, *L*(*r*-*r*')为与单位时间内由格点*r*跃迁至*r*'的几率有关的常数, *T*为温度, *k*_B为玻尔兹曼常数, *ζ*(*r*, *t*)为均值为零的高斯分布,与时间、空间无关,遵循涨落-耗散定理, *F*为系统总自由能,是晶格被占几率的函数。

方程最终在 Fourier 空间进行求解,在求解过程 中,唯一需输入的变量是原子间相互作用能。由于三 元体系中考虑 3 种原子的跃迁以及可能的排布,采用 四近邻原子间相互作用近似,可更为准确地描述自由 能。*V¹_{αβ}*, *V²_{αβ}*, *V³_{αβ}*, *V⁴_{αβ}*分别是第 1、2、3、4 近邻 原子间相互作用能,其表达如下:

 $V_{\alpha\beta}(k) = 4V_{\alpha\beta}^{1}(\cos\pi h \cdot \cos\pi k + \cos\pi h \cdot \cos\pi l +$

收稿日期: 2008-10-11

基金项目: 国家自然科学基金 (50671084, 50875217); 中国博士后科学基金(2007040218); 陕西省自然科学基金

作者简介: 徐 聪, 男, 1982 年生, 硕士, 西北工业大学材料学院, 陕西 西安 710072, 电话: 029-88474095, E-mail: xucong55555. student@sina.com

$\cos\pi k \cdot \cos\pi l + 2V^2_{\alpha\beta}(\cos 2\pi h + \cos 2\pi k + \cos 2\pi l) = 0$	+
$8V^{3}_{\alpha\beta}(\cos 2\pi h \cdot \cos \pi k \cdot \cos \pi l + \cos \pi h \cdot \cos 2\pi k \cdot \cos \pi l +$	
$\cos\pi h \cdot \cos\pi k \cdot \cos 2\pi l$)+4 $V^4_{\alpha\beta}(\cos 2\pi h \cdot \cos 2\pi k +$	
$\cos 2\pi h \cdot \cos 2\pi l + \cos 2\pi k \cdot \cos 2\pi l$	(2)

根据文献[7], Ni-Al-V 合金在 1046.5 K 下最近邻 原子间相互作用能(meV/atom)分别为: *V*_{Ni-Al}=122.30; *V*_{Ni-V}=107.2; *V*_{Al-V}=40.0。本模拟在其它值不变的情况 下,分别对这 3 组最近邻原子间相互作用能增加(减少) 3%取值;在 Ni₇₅Al_xV_{25-x}合金中,当 Al 原子浓度小于 0.055 时,先析出相为 *DO*₂₂ 相,当 Al 原子浓度大于 0.055 时,先析出相为 *LI*₂相^[7],因此选取 Ni₇₅Al_{3.5}V_{21.5} 合金和 Ni₇₅Al₁₀V₁₅ 合金进行研究。

体系初始状态为无序过饱和 fcc 固溶体,模拟开始给系统加上一定的随机热力学起伏,待稳定晶核形成后,去掉热起伏项,系统自动选择演化路径。模拟 迭代计算 200 000 步,时间步长为△*t*=0.0001。

2 长程序参数

L.D.Landau 指出在热力学的宏观变量中加入序参量用以描述相变,序参量是描写系统内部有序化程度, 表征相变过程的基本参量。在平均场近似下,可从长程有序角度表达原子形成超结构的过程。对于 *L1*₂ 相中的 Al 原子, Khachaturyan^[8]的占位几率 *P*_{Al}(*r*)函数:

 $P_{AI}(r) = C_{AI}(1 + \eta_{AI}(e^{i2\pi x} + e^{i2\pi y} + e^{i2\pi z}))$ (3) 式中, C_{AI} 为 AI 的原子浓度, η_{AI} 是 AI 原子的长程序 参数。由此可以看出, AI 原子在 LI_2 相中的占有率可 能呈现 $C_{AI}(1+3\eta_{AI})$ 和 $C_{AI}(1-\eta_{AI})$ 2 个值, $C_{AI}(1+3\eta_{AI})$ 对应 LI_2 相中 α 格点位, $C_{AI}(1-\eta_{AI})$ 对应 β 格点位。由 此,可以得出长程序参数方程如下:

对于 α 格 点 位, $P_{Al}^{\alpha} = C_{Al}(1+3\eta_{Al})$ (4)

对于 β 格点位, $P_{A1}^{\beta}(r) = C_{A1}(1 - \eta_{A1})$ (5) 根据 Khachaturyan 所给的式(4)和式(5),消去 C_{A1} ,

可以得出

$$\eta_{A1} = \frac{P_{A1}^{\alpha}(r) - P_{A1}^{\beta}(r)}{P_{A1}^{\alpha}(r) + 3 \cdot P_{A1}^{\beta}(r)}$$
(6)

同理,对于 DO_{22} 相中的 V 原子, Khachaturyan^[8] 给出占位几率 $P_V(r)$ 函数如下:

$$P_{\rm v}(r) = C_{\rm v} + C_{\rm v} \left\{ 2 \cdot \eta_{\rm v1} \cdot \cos\left[\pi(2x+z)\right] + \eta_{\rm v2} \cdot \cos\left[2\pi(2x+z)\right] \right\}$$
(7)

式中, C_V 为 V 的原子浓度, $\eta_V \in V$ 原子的长程序参数。 可以看出, V 原子在 DO_{22} 相中的占有率可能呈现 $C_V+C_V(2\cdot\eta_{V1}+\eta_{V2})$, $C_V+C_V(-2\cdot\eta_{V1}+\eta_{V2})$ 和 $C_V-C_V\cdot\eta_{V2}$ 3 个值, $C_V+C_V(2\cdot\eta_{V1}+\eta_{V2})$ 对应 DO_{22} 相中 α 格点位, $C_V+C_V(-2\cdot\eta_{V1}+\eta_{V2})$ 对应 β 格点位, $C_V-C_V\cdot\eta_{V2}$ 对应 γ 格 点位。这里对 Khachaturyan 的公式进行近似处理,选

取 $\eta_{V_1}=\eta_{V_2}=\eta_V$,由此,可以得出长程序参数	方程如下:
对于 α 格点位, $P_{v}^{\alpha} = C_{v}(1+3\eta_{v})$	(8)
对于 $\beta(\gamma)$ 格点位, $P_{V}^{\beta(\gamma)}(r) = C_{V}(1-r)$	$\eta_{\rm V}$) (9)
同样可以得出	
$\eta_{\mathrm{V}} = \frac{P_{\mathrm{V}}^{\alpha}(r) - P_{\mathrm{V}}^{\beta(\gamma)}(r)}{P_{\mathrm{V}}^{\alpha}(r) + 3 \cdot P_{\mathrm{V}}^{\beta(\gamma)}(r)}$	(10)

3 计算结果和分析

3.1 原子间相互作用能对 Ni₇₅Al_{3.5}V_{21.5} 合金孕育期的 影响

图 1 为不同最近邻原子间相互作用能作用下 Ni₇₅Al_{3.5}V_{21.5}合金的平均长程序参数曲线。1a 和 1b 分 别为不同 Ni-Al 最近邻原子间相互作用能 V_{Ni-Al}作用下 L12相和 DO22相的平均长程序参数曲线, 1c 和 1d 分 别为不同 Ni-V 最近邻原子间相互作用能 V_{Ni-V}作用下 L12相和 DO22相的平均长程序参数曲线。图 1 中,初 始阶段,各个状态下序参数的值均为零,说明系统此 时处于完全无序状态,该阶段即为孕育期。由图1可 知, L12相的孕育期比 DO22相的长,说明 DO22相先 于 L12 相析出。随后,析出相有序化程度迅速增大到 最大值。由图 1a 和 1b 知, $V_{\text{Ni-Al}}$ 增大, $L1_2$ 相的孕育 期缩短,说明 V_{Ni-AI} 对 $L1_2$ 相的析出起促进作用; V_{Ni-AI} 增大, DO22 相的孕育期变化不大,说明 V_{Ni-Al}对 DO22 相孕育期影响不大。由图 1c 和 1d 知, V_{Ni-V} 增大, DO₂₂ 相孕育期缩短,说明 V_{Ni-V}对 DO₂₂相的析出具有促进 作用, L12相的情况与 DO22 相类似, 其孕育期也缩短, 说明 V_{Ni-V} 对 L1₂ 相析出也起促进作用。

3.2 原子间相互作用能对 Ni₇₅Al₁₀V₁₅ 合金孕育期的 影响

图 2 为不同最近邻原子间相互作用能作用下 Ni75Al10V15 合金的平均长程序参数曲线。2a 和 2b 分 别为不同Ni-Al最近邻原子间相互作用能 V_{Ni-Al}作用下 *L1*₂和 *DO*₂₂相的平均长程序参数曲线, 2c 和 2d 分别 为不同Ni-V最近邻原子间相互作用能V_{Ni-V}作用下L12 和 DO22 相的平均长程序参数曲线。由图 2 知, L12 相 和 DO22 相的形成也存在孕育期,其有序度逐渐提高并 达到最大值。L12相的孕育期比 DO22相的孕育期短, 说明 L12 相先于 DO22 相析出。由图 2a 和 2b 知, V_{Ni-Al} 增大, L12相孕育期缩短,说明 V_{Ni-Al}对 L12相的析出 具有促进作用, DO22 相的情况与 L12 相类似, 其孕育 期也缩短,说明 V_{Ni-Al}对 DO₂₂相析出也起促进作用。 由图 2c 和 2d 知, V_{Ni-V} 增大, L1₂相孕育期变化不大, 说 明 V_{Ni-V} 对 $L1_2$ 相的析出影响不明显; V_{Ni-V} 增大, DO_{22} 相的孕育期缩短,说明 V_{Ni-V}对 DO₂₂相的析出起促进 作用。



图 1 Ni₇₅Al_{3.5}V_{21.5} 合金在 V_{Ni-Al}和 V_{Ni-V}影响下的 Ll₂相和 DO₂₂相平均长程序参数的变化曲线 初始

Fig.1 Long order parameter curves influenced by $V_{\text{Ni-Al}}$ and $V_{\text{Ni-V}}$ in Ni₇₅Al_{3.5}V_{21.5} alloy: (a) Ll_2 phase by $V_{\text{Ni-Al}}$, (b) DO_{22} phase by $V_{\text{Ni-Al}}$, (c) Ll_2 phase by $V_{\text{Ni-V}}$, and (d) DO_{22} phase by $V_{\text{Ni-V}}$ (V11 is original value of $V_{\text{Ni-Al}}$, V21 is original value of $V_{\text{Ni-V}}$)



图 2 Ni₇₅Al₁₀V₁₅合金在 V_{Ni-Al}和 V_{Ni-V}影响下的 Ll₂相和 DO₂₂相平均长程序参数的变化曲线 Fig.2 Long order parameter curves influenced by V_{Ni-Al} and V_{Ni-V} in Ni₇₅Al₁₀V₁₅ alloy: (a) Ll₂ phase by V_{Ni-Al}, (b) DO₂₂ phase by V_{Ni-Al}, (c) Ll₂ phase by V_{Ni-V}, and (d) DO₂₂ phase by V_{Ni-V} (V11 is original value of V_{Ni-Al}, V21 is original value of V_{Ni-V})

3.3 讨论

L.Q. Chen^[7]认为影响合金第二相的析出的主要因素是局部的长程有序波动变化的驱动力,*δη*(*r*)为引入的第2个自由能参量,其与相应的长程有序参数有关:

$$\Delta f \to \int \left(\frac{\partial^2 f}{\partial \eta^2}\right)_{\eta=0} (\delta \eta)^2 \,\mathrm{d}^3 r \to C(T-T_{-}) \int (\delta \eta)^2 \,\mathrm{d}^3 r \tag{11}$$

式中,*C*是常数,*T*_是有序化失稳线的温度, $\left(\frac{\partial^2 f}{\partial \eta^2}\right)_{\eta=1}$

是负的,为和有序化程度相关的局部长程有序波动的 驱动力。方程(11)表示局部长程有序波动的驱动力与 过冷度(*T*-*T*_)成正比。*T*<*T*_时,*T* 值越小,相对有 序化失稳温度 *T*_的过冷度越大,有序化的驱动力越 大。对于等成分的沉淀过程,与有序化失稳线的垂直 距离越大,体系有序化的驱动力越大。

Khachaturyan^[8]给出

$$T_{-} = \frac{\varphi(c)}{k_{-}} \cdot V_{AB}(k_{0}) \tag{12}$$

式中, $\varphi(c)$ 是和原子浓度 c 有关的函数, $V_{AB}(k_0)$ 是原 子间相互作用能, $L1_2$ 相是 V_{Ni-Al} , DO_{22} 相是 V_{Ni-V} 。

对于 Ni₇₅Al_{3.5}V_{21.5} 合金,此时 C_{Al} =0.035,温度为 1046.5 K,合金处于 $L1_2$ 和 DO_{22} 相失稳线以下。当只 有 V_{Ni-Al} 变化时,由式(12)可知, V_{Ni-Al} 的改变只引发 $L1_2$ 相失稳线温度 $T_$ 改变,并很容易发现, V_{Ni-Al} 增大, $L1_2$ 相的过冷度($T-T_$)增大, $L1_2$ 相的驱动力增大。

图 3 为 Ni₇₅Al_xV_{25-x}合金的原子演化图像。从图 3a 中可以清晰的看出,大量 L12 相会在 DO22 相晶界处形 核,这是因为 DO22 相先于 L12 相析出, 先析出的 DO22 相的结构对后析出的 L12 相的形核有很大的影响,导 致大量 L12 相会在 DO22 相晶界处形核,降低 L12 相的 形核阻力,从而使 L12 相提前析出,孕育期缩短。由 以上两方面的原因可知 V_{Ni-Al}对 L1₂相的析出起促进作 用。 $V_{\text{Ni-Al}}$ 的变化并没有改变 DO_{22} 相的失稳线温度 T, 也就没有改变 DO22 相的驱动力,因此 V_{Ni-Al} 对 DO22 相的析出的影响不大。同理,当只有 V_{Ni-V} 变化时, V_{Ni-V} 的增大,改变了 DO22 相的失稳线温度 T_,使得 DO22 相的过冷度(T-T)增大, DO22相的驱动力增大, 所以 DO22 相的孕育期缩短,提前析出;尽管 V_{Ni-V}的改变 没有改变 L12 相的失稳线温度 T,也就没有改变 L12 相的驱动力,但是先析出的 DO22 相对后析出的 L12 相 的形核有很大的影响,大量 L12 相会在 DO22 相晶界处 形核,大大降低 L12 相的形核阻力,从而使 L12 相也 提前析出,孕育期缩短,因此 V_{Ni-V}对 L1₂相的析出也 起促进作用。

对于 Ni₇₅Al₁₀V₁₅ 合金,此时 C_{Al}=0.1,温度为 1046.5 K,合金处在 L1₂相失稳线以下,DO₂₂相失稳

线以上。当只有 V_{Ni-Al}变化时,同样由式(12)可知,由 于合金处在 L12 相失稳线以下, V_{Ni-Al} 的增大使得 L12 相的过冷度(T-T_)增大, L12 相的析出驱动力也就增 大,使得L12相的孕育期缩短,提前析出; V_{Ni-Al}的变 化对 DO22 相的驱动力并没有影响,但从图 3b 可知, 先析出的L12相对后析出的DO22相的形核有很大的影 响,大量 DO22 相会在 L12 相晶界处形核,大大降低 DO22 相的形核阻力,从而使 DO22 相也提前析出,孕 育期缩短。当只有 V_{Ni-V} 变化时,同样由式(12)可知, V_{Ni-V}对 L1₂相析出的影响不大;此时合金处在 DO₂₂ 相失稳温度线以上, V_{Ni-V} 的增大改变了 DO₂₂ 相的失 稳线温度 T_, 使得 DO22 相的温度差值(T-T_)减小(由 于此时合金处在 DO22 相失稳温度线以上, (T-T)不 能再称为过冷度), DO22 相的驱动力减小, 但是由于 L12相的提前析出,从图 3b 可清楚看到大量 DO22 相在 L12相晶界处形核,大大降低了 DO22相的形核阻力, 因此,虽然 DO22 相的驱动力减小,但是减小的阻力远 远大于减少的驱动力,仍然可以使 DO22 相提前析出, 孕育期缩短,因此 V_{Ni-V}对 DO₂₂相的析出起促进作用。





4 结 论

1) 根据 Khachaturyan 所给的占位几率公式进一步得到长程序参数的求值公式:

a) 对于 $L1_2$ 相中的AI原子: $\eta_{AI} = \frac{P_{AI}^{\alpha}(r) - P_{AI}^{\beta}(r)}{P_{AI}^{\alpha}(r) + 3 \cdot P_{AI}^{\beta}(r)}$ b) 对于 DO_{22} 相中的V原子: $\eta_{V} = \frac{P_{V}^{\alpha}(r) - P_{V}^{\beta(r)}(r)}{P_{V}^{\alpha}(r) + 3 \cdot P_{V}^{\beta(r)}(r)}$

2) 先析出相为 DO₂₂相时, Ni-Al 最近邻原子间作 用能 V_{Ni-Al} 增大, L1₂相的孕育期缩短, 而 DO₂₂相的 孕育期变化不明显; Ni-V 最近邻原子间作用能 V_{Ni-V} 增大, L1₂相和 DO₂₂相的孕育期均缩短。

3) 先析出相为 L1₂相时, Ni-Al 最近邻原子间作 用能 V_{Ni-Al} 增大, L1₂相和 DO₂₂ 相孕育期均缩短; Ni-V 最近邻原子间作用能 V_{Ni-V} 增大, L1₂相孕育期变化不 大, 而 DO₂₂ 相的孕育期缩短。

参考文献 References

- [1] Chen L Q, Simmons J A. Acta Metal Mater[J], 1994, 42
 (9): 2943
- [2] Fumihiro Wakai, Naoya Enomoto, Hiroshi Ogawa. Acta Materialia[J], 2000, 48: 1297
- [3] Li Xiaoling, Chen Zheng, Wang Yongxin et al. Transactions of Materials and Heat Treatment[J], 2004(5): 720
- [4] Thornton K, Norio Akaiwa, Voorhees P W. Acta Materials[J], 2004, 52: 1353
- [5] Norio Akaiwa, Voorhees P W. Materials Science and Eng ineering[J], 2000, 285: 8
- [6] Chen L Q. Acta Mater[J], 1994, 42(10): 3503
- [7] Poduri R, Chen L Q. Acta Mater[J], 1998, 46: 1719
- [8] Khachaturyan A G. Theory of Structural Transformations in Solids[M]. New York: Wiley, 1983

Phase-Field Simulation for the Effect of Atomic Interchange Energy on the Incubation Time of Ni₇₅Al_xV_{25-x} Alloy

Xu Cong, Chen Zheng, Wang Yongxin, Zhong Hanwen, Sun Liyan, Miao Haichuan (Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

Abstract: Based on the microscopic phase-field model, the effects of atomic interchange energy on the incubation time for Ni₇₅Al_xV_{25-x} alloy have been researched, and the long range parameter's evaluation formula has obtained according to the formula for occupation probability by Khachaturyan. The experiment result shows that when the DO_{22} phase is deposited firstly, the first-nearest atomic interchange energy between Ni-Al (namely V_{Ni-Al}) increases, the incubation time of LI_2 phase is shortened, but the incubation time of DO_{22} phase has no obvious change; and the first-nearest atomic interchange energy between Ni-V (namely V_{Ni-V}) increases, the incubation time of LI_2 phase and DO_{22} phase is shortened. When the LI_2 phase is deposited firstly, the view increases, both the incubation time of LI_2 phase and DO_{22} phase are shortened, and the V_{Ni-V} increases, the incubation time of LI_2 phase has no obvious change, and the incubation time of LI_2 phase is shortened.

Key words: incubation time; atomic interchange energies; microscopic phase-field; Ni₇₅Al_xV_{25-x} alloy

Biography: Xu Cong, Master, Department of Materials Science and Engineering, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, P.
 R. China, Tel: 0086-29-88474095, E-mail: xucong55555.student@sina.com